

AME - 006



วิธีพาเนลวอร์เท็กซ์ที่มีความแข็งแรงเชิงเส้นสำหรับทำนายผลกระทบของมุมปะทะที่มีต่อการ กระจายความดันบนแพนอากาศ NACA4412 Linear strength vortex panel method for prediction of the effect of angle of

attack on the pressure distribution of NACA4412

วชิรวิทย์ เงินท้วม¹, สุทธิดา ดำทองสุข¹, อติชาต ทองสมบัติ¹,<u>ศุภกิจรัฐคงกระพันธ์</u>¹, และ วรเชษฐ์ ภิรมย์ภักดิ์¹*

¹ ภาควิชาวิศวกรรมเครื่องกล คณะวิศวกรรมศาสตร์ มหาวิทยาลัยบูรพา ตำบลแสนสุข อำเภอเมืองชลบุรี จังหวัดชลบุรี 20131 *ติดต่อ: worapiro@eng.buu.ac.th, worapiro@gmail.com

บทคัดย่อ

งานวิจัยนี้เป็นการศึกษาเชิงทฤษฎีเกี่ยวกับอิทธิพลของมุมปะทะที่มีต่อการกระจายความดันบนผิวของแพนอากาศ NACA4412 โดยใช้วิธีพาเนลวอร์เท็กซ์ที่มีความแข็งแรงแปรเปลี่ยนเชิงเส้นซึ่งวิธีดังกล่าวจะอาศัยการสร้างสมการอนุพันธ์ แล้วอาศัยเงื่อนไขของ Kuttaและระเบียบวิธีเชิงตัวเลข ในการหาคำตอบที่ต้องการ จากผลลัพธ์ที่ได้จะพบว่า 94% ของข้อมูลจะให้ ผลลัพธ์ที่แตกต่างจากโปรแกรม X-Foil ไม่เกิน 5% โดยเมื่อมุมปะทะมีค่าเพิ่มขึ้นความแข็งแรงของวอร์เท็กซ์ที่ด้านบนของแพน อากาศจะมีค่าเพิ่มขึ้นความเร็วของอากาศที่ไหลผ่านแพนอากาศด้านบนจะมีค่าเพิ่มขึ้นและผลลัพธ์ของแรงดันจะมีค่าเพิ่มขึ้น มทิศทางพุ่งขึ้น ในขณะที่ เมื่อมุมปะทะมีค่าลดลง ความแข็งแรงของวอร์เท็กซ์ที่ด้านล่างของแพนอากาศจะมีค่าเพิ่มขึ้น ความเร็ว ของอากาศที่ไหลผ่านแพนอากาศด้านล่างจะมีค่าเพิ่มขึ้น และผลลัพธ์ของแรงดันจะมีค่าเพิ่มขึ้นและจะมีทิศทางพุ่งลง **คำหลัก**:แพนอากาศ, มุมปะทะ, วิธีพาเนลวอร์เท็กซ์, NACA4412

Abstract

This research presents a theoretical study of the effect of angle of attack on the pressure distribution of NACA4412 by the linear strength vortex panel method. The differential equation for describing the flow phenomena is developed and a numerical method is used for solving the problem. Moreover, the Kutta condition is applied for solving the differential equation. From the results, 94% of the data from the mathematical model agree well with the X-Foil. For the effect of angle of attack, when angle of attack increases, the vortex strength at top flow increases, the velocity at top flow increases, and the pressure difference between top flow and bottom flow increases, the velocity at bottom flow increases, and the pressure difference between top flow and bottom flow increases, the velocity at bottom flow increases, and the pressure difference between top flow and bottom flow increases, the velocity at bottom flow increases, and the pressure difference between top flow and bottom flow increases too. The direction of pressure is downward. *Keywords*:Airfoil, Angle of attack, NACA4412, Vortex panel method

1. บทนำ

แพนอากาศ NACA4412 นิยมใช้เป็นชิ้นส่วนในอุปกรณ์ ต่างๆ ไม่ว่าจะเป็นกังหันลมขนาดเล็ก เครื่องร่อนต่างๆ โดย ในการใช้แพนอากาศจำเป็น ที่จะต้องรู้การกระจายความ ดันที่ผิวของแพนอากาศ เพื่อนำไปสู่การคำนวณแรงยกที่ ต้องการ วิธีวอร์เท็กซ์พาเนลที่มีความแข็งแรงแปรเปลี่ยนเชิง เส้น(Linear strength vortex panel method) เป็น วิธี บาวดารี่เอเลเมนต์ (Boundary elementmethod) ที่ได้ จากการแก้สมการต่อเนื่องสำหรับการไหลศักย์อัดตัวไม่ได้ ผ่านวัตถุเชิงสองมิติที่สามารถใช้ทำนายความดันที่ผิวของ แพนอากาศได้อย่างมีประสิทธิภาพ โดยจะใช้พาเนล วอร์ เท็กซ์ที่มีความแข็งแรงแตกต่างกันซึ่งจะแปรเปลี่ยนใน



AME - 006



ลักษณะเชิงเส้น มาเรียงต่อกันเป็นพาเนล วิธีนี้ พัฒนาต่อ เนื่องมาจากวิธีซอร์สและวอร์เท็กซ์ (Source-and-vortex panel method) ซึ่งเป็นวิธีที่กำหนดให้ความแข็งแรงของ ซอร์สและวอร์เท็กซ์ในพาเนลหนึ่งๆ มีค่าคงที่ และความ แข็งแรงของวอร์เท็กซ์สำหรับทุกพาเนลจะมีค่าเท่ากัน

ในปี พ.ศ. 2556 กิจจาและคณะ [1] ได้พัฒนา แบบจำลองทางคณิตศาสตร์สำหรับทำนายสมบัติของของ ใหลที่ไหลผ่านวัตถุเชิงสองมิติ โดยแบบจำลองดังกล่าวอยู่บน พื้นฐานของวิธีซอร์สและวอร์เท็กซ์พาเนล แต่ใช้วิธีทับซ้อน ในการนำพาเนลทั้งสองชนิดมารวมกัน ในปี พ.ศ. นั้นทพนธ์และคณะ [2] ได้พัฒนาแบบจำลองทาง คณิตศาสตร์ต่อเนื่องจากงานวิจัยของกิจจาและคณะ [1] โดยใช้วิธีการกำหนดค่าความแข็งแรงของวอร์เท็กซ์ให้เท่ากัน แล้วอาศัยเงื่อนไขของ Kuttaในการแก้สมการ ในปี พ.ศ. จันทิพย์และคณะ [3] ได้พัฒนาแบบจำลองทาง 2558 คณิตศาสตร์ต่อเนื่องจากงานวิจัยของนั้นทพนธ์และคณะ [2] โดยได้แปรเปลี่ยนความแข็งแรงของวอร์เท็กซ์ตามจำนวน พาเนล อย่างไรก็ตาม ความแข็งแรงวอร์เท็กซ์ในพาเนล หนึ่งๆ ยังคงมีค่าคงที่ และในปีเดียวกันนี้ พีรดนย์และคณะ [4] ได้ศึกษาผลกระทบของความแข็งแรงวอร์เท็กซ์ที่มีค่า แปรเปลี่ยนไปตามพาเนลต่างๆ ที่มีผลต่อการกระจายความ ดันบนผิวของแพนอากาศ ในปี พ.ศ.2562 วชิรวิทย์และคณะ ได้พัฒนาแบบจำลองทางคณิตศาสตร์ต่อจากงานวิจัย [5] ของจันทิพย์และคณะ [3]โดยในงานวิจัยของวชิรวิทย์และ คณะ [5] จะแปรเปลี่ยนความแข็งแรงของวอร์เท็กซ์ใน 1 พาเนล ให้เป็นลักษณะเชิงเส้น จากนั้น จึงนำพาเนลเหล่านั้น มาประกอบกันเป็นวัตถุจากงานวิจัยของคณะผู้วิจัยที่ได้ ดำเนินการมาอย่างต่อเนื่อง [1-5] พบว่า แบบจำลองที่ พัฒนาขึ้นนี้ ให้ผลลัพธ์ใกล้เคียงกับผลลัพธ์ของ Mason [6] และผลลัพธ์จากโปรแกรม X-Foil [7] ซึ่งถูกพัฒนาโดย MIT นอกจากนี้วิธีพาเนล (Panel method) ยังถูกพัฒนาอย่าง ต่อเนื่องโดยคณะนักวิจัยอื่นๆ[8-13] โดยส่วนใหญ่จะเน้นไป ที่การพัฒนาวิธีบาวดารี่เอเลเมนต์ รวมถึงการพัฒนาเทคนิค ้ต่างๆ ที่ใช้ในการแก้สมการต่อเนื่อง อย่างไรก็ดี ในปัจจุบันนี้ โปรแกรมที่อยู่บนพื้นฐานของวิธีพาเนลที่ได้รับความนิยม มากที่สุด ก็คือ X-Foil ของ MIT

ดังนั้น ในงานวิจัยนี้ จะเป็นการพัฒนาแบบจำลองทาง คณิตศาสตร์สำหรับวิธีวอร์เท็กพาเนลที่มี ความ แข็งแรงแปรเปลี่ยนเชิงเส้น เพื่อศึกษาอิทธิพลของมุมปะทะ ที่มีต่อการกระจายความดันบนผิวของ แพนอากาศ NACA4412

2. แบบจำลองทางคณิตศาสตร์

วิธีวอร์เท็กซ์พาเนลที่มีความแข็งแรงแปรเปลี่ยน เชิงเส้น ได้จากการนำรูปแบบการไหลพื้นฐานวอเท็กซ์มา เรียงเป็นพาเนล โดยกำหนดให้ความแข็งแรงของ วอร์ เท็กซ์ในพาเนลหนึ่งๆ แปรเปลี่ยนในลักษณะเชิงเส้นจากนั้น จึงนำพาเนลที่ได้มาประกอบเป็นวัตถุเชิง 2 มิติ แล้วนำไป รวมกับการไหลสม่ำเสมอ ก็จะสามารถจำลองการไหลศักย์ อัดตัวไม่ได้ผ่านวัตถุเชิง 2 มิติ ได้โดยจะมีสมการสำหรับศักย์ ความเร็ว (Velocity potential function, **ф**) ดังนี้

โดย $\gamma(s_j) = \gamma_j + (\gamma_{j+1} - \gamma_j) \frac{s_j}{L_j}$

เมื่อ V_{∞} คือ ความเร็วของอากาศก่อนที่จะปะทะกับวัตถุ , $\gamma(s_j)$ คือ ความแข็งแรงวอร์เท็กซ์ที่ตำแหน่ง s_j โดย s_j เป็นตำแหน่งบนพาเนล j ที่คิดตามความยาวพาเนล , L_jคือ ความยาวของพาเนล j, γ_j คือ ความแข็งแรง วอร์เท็กซ์ที่ตำแหน่งเริ่มต้นของพาเนล j, γ_{j+1} คือ ความ แข็งแรงวอร์เท็กซ์ที่ตำแหน่งสุดท้ายของพาเนล j

เมื่อหาอนุพันธ์ของสมการที่ 1เทียบกับเวกเตอร์ปกติ (Normal vector) จะได้ความเร็วของของไหลในทิศทาง เดียวกับเวกเตอร์ปกติ ซึ่งจะมีค่าเท่ากับศูนย์ ดัง สมการต่อไปนี้

$$\sum_{j=1}^{m} \left(C_{n1_{ij}} \frac{\gamma_j}{2\pi V_{\infty}} + C_{n2_{ij}} \frac{\gamma_{j+1}}{2\pi V_{\infty}} \right) = -\cos\beta_i$$
... (2)

โดย

$$\begin{split} C_{n1_{ij}} &= 0.5DF + CG - C_{n2_{ij}} \\ C_{n2_{ij}} &= D + 0.5QF/S_j - (AC + DE)G/S_j \\ A &= -(x_i - X_j)\cos\theta_j - (y_i - Y_j)\sin\theta_j \\ B &= (x_i - X_j)^2 + (y_i - Y_j)^2 \\ C &= \sin(\theta_i - \theta_j) \\ D &= \cos(\theta_i - \theta_j) \\ E &= (x_i - X_j)\sin\theta_j - (y_i - Y_j)\cos\theta_j \end{split}$$



AME - 006



$$F = \ln\left(1 + \frac{S_j^2 + 2AS_j}{B}\right)$$

$$G = \tan^{-1}\left(\frac{ES_j}{B + AS_j}\right)$$

$$P = (x_i - X_j)\sin(\theta_i - 2\theta_j) + (y_i - Y_j)\cos(\theta_i - 2\theta_j)$$

$$Q = (x_i - X_j)\cos(\theta_i - 2\theta_j) - (y_i - Y_j)\sin(\theta_i - 2\theta_j)$$

เมื่อ x_iและy_iคือ ค่า x และ y ที่จุดควบคุม (Control point) ของพาเนล i, X_jและ Y_jคือ ค่า x และ y ที่ตำแหน่งเริ่มต้น ของพาเนล j, θ_i และ θ_j คือ มุมที่พาเนล iและ j กระทำกับ แกน x, β_i คือ มุมที่เวกเตอร์ปกติของพาเนล j กระทำกับ แกน x, γ_j และ γ_{j+1} คือ ความแข็งแรงวอร์เท็กซ์ที่ตำแหน่ง เริ่มต้นและตำแหน่งสุดท้ายของพาเนล j

ทั้งนี้ เพื่อให้เข้าใจสมการที่ 1 และ 2 ได้ง่ายขึ้น ในรูปที่ 1 จะแสดงลักษณะของพาเนลวอร์เท็กซ์ที่มีความ แข็งแรงแปรเปลี่ยนเชิงเส้น โดยพาเนล iเป็นพาเนลที่กำลัง พิจารณา ในขณะที่พาเนล j จะเป็น พาเนลอื่นๆ ที่ส่ง อิทธิพลต่อพาเนล i



รูปที่ 1 พาเนลวอร์เท็กซ์ที่ประกอบเป็นแพนอากาศ

จากสมการที่ (2) จะพบว่า ตัวแปรที่ไม่ทราบค่า จะ มีทั้งหมดจำนวน m+1 คือ ค่าความแข็งแรงวอร์เท็กซ์ (Vortex strength) ที่ตำแหน่งเริ่มต้นและตำแหน่งสุดท้าย ของแต่ละพาเนล นั่นเอง หรือ $\gamma_1, \gamma_2, \gamma_3, ..., \gamma_{m+1}$ ในขณะที่ มีสมการเพียง m สมการ ดังนั้น จึงต้องสร้างสมการเพิ่มอีก 1 สมการ เพื่อให้สามารถหา ค่าความ แข็งแรงวอร์เท็กซ์ได้ โดยจะอาศัยเงื่อนไขของ Kuttaซึ่งจะ กำหนดให้ความเร็วที่ด้านปลายของแพนอากาศด้านบนและ ด้านล่าง ซึ่งไหลไปตามพาเนล มีค่าเท่ากัน ดัง แสดงในรูปที่ 2



รูปที่ 2 เงื่อนไขของ Kutta

จากรูปที่ 2ตามเงื่อนไขของ Kuttaจะได้ว่า

$$\vec{v}_{t,upper} \cdot \vec{e}_{t,upper} = \vec{v}_{t,lower} \cdot \vec{e}_{t,lower}$$
...(3)

โดย $ec{e}_{t,upper}$ และ $ec{e}_{t,lower}$ คือเวกเตอร์หนึ่งหน่วยที่ ขนานกับพาเนลที่กำลังพิจารณา

เมื่อสามารถหาความแข็งแรงวอร์เท็กซ์ได้แล้ว ก็จะสามารถหาความเร็วของอากาศที่ไหลผ่านพาเนลต่างๆ ได้ โดยอาศัยการหาอนุพันธ์ของสมการที่ 1 เทียบกับ เวกเตอร์สัมผัส (Tangent vector) ซึ่งจะได้ความเร็วของ อากาศที่ผิวของแพนอากาศ ดังนี้

$$\frac{V_i}{V_{\infty}} = \cos(\theta_i - \alpha) + \sum_{j=1}^m \left(C_{n1_{ij}} \frac{\gamma_j}{2\pi V_{\infty}} + C_{n2_{ij}} \frac{\gamma_{j+1}}{2\pi V_{\infty}} \right)$$
... (4)

โดย

$$\begin{split} C_{t1_{ij}} &= 0.5 CF - DG - C_{t2_{ij}} \\ C_{t2_{ii}} &= C + 0.5 PF/S_j + (AD - CE)G/S_j \end{split}$$

เมื่อ α คือ มุมปะทะ (Angle of attack) สำหรับการวิเคราะห์ความดันนั้น จะนำเสนอให้อยู่ใน รูปของตัวแปรไร้หน่วย คือ สัมประสิทธิ์ของความดัน หรือ c_pซึ่งคำนวณได้จากสมการต่อไปนี้

$$C_{p,i} = 1 - \frac{V_i^2}{V_{\infty}^2}$$
 ... (5)

จากแบบจำลองทางคณิตศาสตร์ดังกล่าว จะสามารถ นำไปสู่การเขียนโปรแกรมภาษา BASIC ประกอบกับใช้ โปรแกรม Microsoft Excel 365 ซึ่งจะช่วยให้การคำนวณ ทำได้อย่างแม่นยำและรวดเร็วยิ่งขึ้น

3. ผลลัพธ์และการวิเคราะห์

ในงานวิจัยนี้จะศึกษาผลกระทบของมุมปะทะที่มีต่อ ความแข็งแรงวอร์เท็กซ์, ความเร็ว และความดัน ที่ผิวของ





AME - 006

แพนอากาศ NACA4412 [14] โดยอาศัยวิธีวอร์เท็กซ์พาเนล ที่มีความแข็งแรงแปรเปลี่ยนเชิงเส้น สำหรับ รูปที่ 3 แสดงขนาดของแพนอากาศ NACA4412



รูปที่ 3แพนอากาศ NACA4412

3.1 การเปรียบเทียบกับงานวิจัยในอดีต

ในรูปที่ 4แสดงการเปรียบเทียบสัมประสิทธิ์ ความดันของแพนอากาศ NACA4412 ที่ได้จาก โปรแกรมกับผลลัพธ์ที่ได้จากโปรแกรม X-Foil ที่ มุม ปะทะเท่ากับ -5°, -10°, 0°, 10°, 20°, 30°ตามลำดับ















AME - 006



รูปที่ 4 การเปรียบเทียบกับโปรแกรม X-Foil

จากรูป จะพบว่า 94% ของข้อมูลทั้งหมด มีความคลาดเคลื่อนไม่เกิน 5% อย่างไรก็ตาม โปรแกรมที่ พัฒนาขึ้นนี้ ยังคงมีรายละเอียดแตกต่างจากโปรแกรม X-Foil โดยโปรแกรม X-Foil จะมีความแม่นยำมากกว่า ดังนั้น คณะผู้วิจัย จึงพยายามพัฒนาโปรแกรมให้มีศักยภาพ เทียบเท่าหรือใกล้เคียงกับโปรแกรม X-Foil ให้มากที่สุด

3.2อิทธพิลของมุมปะทะที่มีต่อความแข็งแรงวอร์เท็กซ์

ในรูปที่ 5แสดงอิทธิพลของมุมปะทะที่มีต่อความ แข็งแรงวอร์เท็กซ์ โดยความแข็งแรงวอร์เท็กซ์ด้านล่างของ แพนอากาศจะมีค่าติดลบ ในขณะที่ ความแข็งแรง ด้านบนจะมีค่าเป็นบวก จากรูป 5(ก) จะพบว่า เมื่อมุมปะทะ มีค่าเพิ่มขึ้น ความแข็งแรงวอร์เท็กซ์จะมีค่าเพิ่มขึ้น ทำนอง เดียวกันกับรูปที่ 5(ข) เมื่อมุมปะทะมีค่าติดลบมากขึ้น ความ แข็งแรงวอร์เท็กซ์จะมีค่าเพิ่มขึ้นเช่นกัน ทั้งนี้ เนื่องจาก เมื่อ มุมปะทะเพิ่มขึ้น อากาศที่ไหลผ่านแพนอากาศจะมีการ เปลี่ยนแปลงความเร็วที่มากขึ้นไปด้วยนั่นเอง



(ข) มุมปะทะ 0[°], -5[°], -10[°] รูปที่ 5 อิทธิพลของมุมปะทะที่มีต่อความแข็งแรงวอร์เท็กซ์

3.3อิทธพิลของมุมปะทะที่มีต่อความเร็ว

ในรูปที่ 6แสดงอิทธิพลของมุมปะทะที่มีต่อ ความเร็วของอากาศ โดยจากรูป จะกำหนดให้ ความเร็วที่ ด้านล่างมีเครื่องหมายลบ ในขณะที่ความเร็วด้านบนจะมี เครื่องหมายบวก จากรูปที่ 6(ก) จะพบว่า เมื่อมุมปะทะมีค่า เพิ่มขึ้น ความเร็วของอากาศที่ไหลผ่านแพนอากาศด้านบน จะมีค่าเพิ่มขึ้นตามไปด้วย ในทางตรงกันข้ามกัน จากรูปที่ 6(ข) ความเร็วของอากาศที่ด้านบนจะลดลง ในขณะที่ความเร็วของแพนอากาศที่ด้านล่างจะมี ค่า เพิ่มขึ้น นอกจากนี้ จุดสแตกเนชั่นจะเปลี่ยนไป จาก เดิมอีกด้วย โดยสังเกตได้จากตำแหน่งที่มีความเร็วเท่ากับ ศูนย์



รูปที่ 6 อิทธิพลของมุมปะทะที่มีต่อความเร็ว

3.4อิทธพิลของมุมปะทะที่มีต่อความดัน

ในรูปที่ 7แสดงอิทธิพลของมุมปะทะที่มีต่อความ ดันที่ผิวของแพนอากาศโดยจากรูปที่ 7(ก) จะพบว่า เมื่อมุมปะทะมีค่าเพิ่มขึ้น ความดันที่ผิวของแพนอากาศ ด้านบนและด้านล่างจะมีค่าลดลง แต่ผลต่างของความดัน ระหว่างด้านบนและด้านล่างของ แพนอากาศจะมี ค่าเพิ่มขึ้น ซึ่งผลลัพธ์ดังกล่าวจะทำให้แรงยกของแพน



AME – 006



อากาศมีค่าเพิ่มขึ้นด้วย ในทำนองเดียวกันกับรูปที่ 7(ข) เมื่อ มุมปะทะมีค่าติดลบมากขึ้น แรงยกซึ่งมีทิศทางพุ่งลงจะมีค่า เพิ่มขึ้นเช่นกัน



(ข) มุมปะทะ 0[°], -5[°], -10[°] รูปที่ 7 อิทธิพลของมุมปะทะที่มีต่อความดัน

4. สรุป

ในงานวิจัยนี้ ได้ศึกษา อิทธิพลของมุมปะทะของแพน อากาศ NACA4412 ที่มีต่อการกระจายความดันที่ผิวของ แพนอากาศ โดยอาศัยวิธีวอร์เท็กซ์พาเนลที่มี ความแข็งแรงแปรเปลี่ยนเชิงเส้นซึ่งได้ผลลัพธ์ ดังนี้

4.1 วิธีวอร์เท็กซ์พาเนลที่มีความแข็งแรงแปรเปลี่ยน
 เชิงเส้นสามารถใช้ทำนายการกระจาย ความดันที่
 ผิวของแพนอากาศ NACA4412 ได้ใกล้เคียงกับโปรแกรม X Foil

4.2เมื่อมุมปะทะมีค่าเพิ่มขึ้น ความแข็งแรงของ วอร์เท็กซ์ที่ด้านบนของแพนอากาศจะมีค่าเพิ่มขึ้น ในขณะที่ เมื่อมุมปะทะมีค่าลดลง ความแข็งแรงของ วอร์ เท็กซ์ที่ด้านล่างของแพนอากาศจะมีค่าเพิ่มขึ้น

4.3 เมื่อมุมปะทะมีค่าเพิ่มขึ้น ความเร็วของอากาศที่ ไหลผ่านแพนอากาศด้านบนจะมีค่าเพิ่มขึ้น ในขณะที่ ถ้ามุม ปะทะมีค่าลดลง ความเร็วของอากาศที่ไหลผ่านแพนอากาศ ด้านล่างจะมีค่าเพิ่มขึ้น

4.4 ผลต่างของความดันที่ผิวของแพนอากาศด้านบน และด้านล่างจะเพิ่มขึ้นตามมุมปะทะที่เพิ่มขึ้น โดยถ้ามุม ปะทะมีค่าเป็นบวก ผลลัพธ์ของแรงดันจะมีค่าพุ่งขึ้น ในขณะ ที่ เมื่อมุมปะทะมีค่าเป็นลบ ผลลัพธ์ของแรงดันจะมีค่าพุ่งลง

5. กิตติกรรมประกาศ

คณะผู้วิจัยขอขอบคุณ คณะวิศวกรรมศาสตร์ มหาวิทยาลัยบูรพา ที่ได้ให้ทุนสนับสนุนงานวิจัยนี้ จน สามารถพัฒนาแบบจำลองขึ้นมาได้

6. เอกสารอ้างอิง

[1] กิจจา ภัทรทิพากร,ณัฐวุฒิ ม่วงศรีจันทร์, ณัฐวุฒิ วิทยานุ กรณ์, วีระชาติ ไทยเสถียร,ธนกฤต กิจแสงภักดี, นฤรงค์ โต อัจฉริยะวงศ์, วรเชษฐ์ภิรมย์ภักดิ์, วิธีซอร์สและวอร์เท็ก พาเนลสำหรับการไหลศักย์อัดตัวไม่ได้ผ่านวัตถุ 2 มิติ,การ ประชุมวิชาการเครือข่ายวิศวกรรมเครื่องกลแห่งประเทศ ไทย ครั้งที่ 27, 16-18 ตุลาคม 2556, โรงแรมดุสิต พัทยา, จังหวัดชลบุรี.

[2] นันทพนธ์บัวเสือ, กิจจา ภัทรทิพากร, ธนกฤต กิจแสง ภักดี, นฤรงค์ โตอัจฉริยะวงศ์, สุรศักดิ์กรางใจ, อรรถพันธ์ศรี ลัง และวรเชษฐ์ ภิรมย์ภักดิ์, วิธีซอร์สและวอร์เท็กซ์พาเนล สำหรับการไหลศักย์อัดตัวไม่ได้ผ่านแพนอากาศ 2 มิติ ,การ ประชุมวิชาการเครือข่ายวิศวกรรมเครื่องกลแห่งประเทศ

ไทย ครั้งที่ 28, 15-17 ตุลาคม 2557, โรงแรมพูลแมน ขอนแก่น, จังหวัดขอนแก่น.

[3] จันทิพย์สุริวรรโณ, นันทพนธ์บัวเสือ, สุรศักดิ์กรางใจ, อรรถพันธ์ศรีลัง, พีรดนย์ฉาไธสง, ศักดิ์วิมลนันทะสและวร เซษฐ์ภิรมย์ภักดิ์, วิธีพาเนลซึ่งความแข็งแรงซอร์สและวอร์ เท็กมีค่าไม่คงที่สำหรับการไหลศักย์อัดตัวไม่ได้ผ่านแพน อากาศ2มิติ, การประชุมเครือข่ายวิศวกรรมเครื่องกลแห่ง ประเทศไทยครั้งที่29, 1-3กรกฎาคม2558, โรงแรมเดอะก รีนเนอรี่เขาใหญ่,จังหวัดนครราชสีมา.

[4] พีรดนย์ฉาไธสง ,นันทพนธ์บัวเสือ , สุรศักดิ์กรางใจ , อรรถพันธ์ศรีลัง, จันทิพย์สุริวรรโณ, ศักดิ์วิมลนันทะสี, วร เชษฐ์ภิรมย์ภักดิ์, ผลกระทบของความแข็งแรงซอร์สและวอร์ เท็กที่มีต่อวิธีซอร์สและวอร์เท็กพาเนลสำหรับการไหลศักย์







อัดตัวไม่ได้ผ่านแพนอากาศ 2 มิติ , การประชุมเครือข่าย วิศวกรรมเครื่องกลแห่งประเทศไทยครั้งที่ 29 , 1-3 กรกฎาคม 2558, โรงแรมเดอะกรีนเนอรี่เขาใหญ่, จังหวัด นครราชสีมา.

[5] วชิรวิทย์เงินท้วม, สุทธิดาดำทองสุข, อติชาตทองสมบัติ, อาทิตย์วิจิตรถาวรกุล, และวรเชษฐ์ภิรมย์ภักดิ์,วิธีพาเนลวอร์ เท็กซ์ที่มีความแข็งแรงแปรเปลี่ยนเชิงเส้นสำหรับการไหล ศักย์อัดตัวไม่ได้ผ่านวัตถุ 2 มิติ, การประชุมเครือข่าย วิศวกรรมเครื่องกลแห่งประเทศไทยครั้งที่ 33, 2-5กรกฎาคม 2562, โรงแรมเซ็นทาราและคอนเวนชันเซ็นเตอร์, จังหวัด อุตรธานี.

[6] William Mason, Applied computational aerodynamics, Aerospace and Ocean Engineering, Virginia Tech. University, 1998.

[7] XFoil software, Massachusetts Institute of Technology, 2013.

[8] Bal, S. (1999). A potential based panel method for 2-D hydrofoils,*Ocean Engineering*, Vol. 26, pp. 343–361.

[9] Kim, G.D., Lee, C.S., Kerwin, J.E. (2007). A B-spline based higher order panel method for analysis of steady flow around marine propellers,*Ocean Engineering*, Vol. 34, pp. 2045–2060.

[10] Tarafder, Md.S., Suzuki, K. (2008). Numerical calculation of free-surface potential flow around a ship using the modified Rankine source panel method, *Ocean Engineering*, Vol. 35, pp. 536–544.

[11] Yao, J. (2010). Calculation of ship squat in restricted waterways by using a 3D panel method, 9^{th} International Conference on Hydrodynamics 2010, Shanghai, China.

[12] Chen, Z.M. (2012). A vortex based panel method for potential flow simulation around a hydrofoil, *Journal of Fluids and Structures*, Vol. 28, pp. 378–391

[13] Ezquerro, J.M., Lapuerta V., Simavillia A.L., Garcia, J.M. Aviles T. (2014). Panel method for mixed configurations with finite thickness and zero thickness, *Engineering Analysis with Boundary Elements*, Vol. 44, pp. 28-35.

[14] UIUC Airfoil Coordinates Database, Department of Aerospace Engineering, University of Illinois, http://aerospace.illinois.edu, access on 1 November2013.