การประชุมวิชาการเครือข่ายวิศวกรรมเครื่องกลแห่งประเทศไทยครั้งที่ 18 18-20 ตุลาคม 2547 จังหวัด-ขอนแก่น

พฤติกรรมแบบสถิตย์ของการหล่อลื่นแบบอิลาสโตไฮโดรไดนามิคส์ของการสัมผัสแบบเส้น Static Characteristics of Elastohydrodynamic Lubrication under Line Contact

สมนึก ยะวงษ์¹, มงคล มงคลวงศ์โรจน์², เมธี ลิ่มกุล³

ภาควิชาวิศวกรรมเครื่องกล คณะวิศวกรรมศาสตร์ โครงการสำนักวิจัยการสื่อสารและเทคโนโลยีสารสนเทศ สถาบันเทคโนโลยีพระจอมเกล้าเจ้าคุณทหารลาดกระบัง กรุงเทพฯ 10520 โทร 0-2326-4197 โทรสาร 0-2326-4198 E-mail: s5060606@kmitl.ac.th¹,Kmmongko@kmitl.ac.th² Somnuk Yawong¹, Mongkol Mongkolwongrojn², Matee Limkul³

Department of Mechanical Engineering, ReCCIT, King Mongkut's Institute of Technology Ladkrabang, Bangkok 10520 Tel: 0-2326-4197 Fax: 0-2326-4198 E-mail: s5060606@kmitl.ac.th¹,Kmmongko@kmitl.ac.th²

บทคัดย่อ

บทความนี้จะอธิบายถึงพฤติกรรมทางสถิตย์ของการหล่อลื่น แบบอิลาสโตไฮโดรไดนามิคส์ที่มีการสัมผัสเป็นแบบเส้น โดยใช้วิธี ไฟในซ์ดิฟเฟอเรนซ์และวิธีนิวตันราฟสันร่วมกันในการแก้สมการ เรย์โนด์ประยุกต์สำหรับการสัมผัสแบบเส้นและสารหล่อลื่นจะมีพฤติ กรรมเป็นแบบนิวทอเนี่ยน โดยในการจำลองจะศึกษาถึงผลของ ความเร็ว, ภาระที่กระทำ, ความหนึดของสารหล่อลื่นและวัสดุที่ใช้ ซึ่งผลที่ได้จากการจำลองพบว่า เมื่อความเร็ว,ความหนึดและค่าโมดู ลัสของความยึดหยุ่นของวัสดุเพิ่มขึ้นจะส่งผลให้ความดันของสาร หล่อลื่นที่จุดสัมผัสมีค่าลดลงแต่ความหนาฟิล์มจะเพิ่มขึ้น ขณะเดียว กันถ้าเพิ่มภาระในการกระทำมากขึ้นจะส่งผลให้ความดันที่จุดสัมผัส สูงขึ้นความหนาฟิล์มลดลงและเมื่อเพิ่มค่าภาระที่กระทำหรือ ความเร็วในการหมุนจะส่งผลให้ค่าสัมประสิทธ์ของแรงเสียดทานมีค่า สูงขึ้น ซึ่งลักษณะของความดันที่เกิดขึ้นหลังจากที่ผ่านจุดศูนย์กลาง ของการสัมผัสมาแล้วจะเกิดยอดหนามแหลมสูงขึ้นมาและลดลงอย่าง รวดเร็วซึ่งค่าความดันจะสูงที่สุดและความหนาฟิล์มจะบางที่สุด

Abstract

This paper presents the static characteristics of elastohydrodynamic lubrication under sliding line contact of two surfaces. The modified Reynolds equation and elastic equation were formulated for compressible Newtonian fluid between the surfaces. The finite differences with Newton's Raphson methods were used to calculate the static characteristics of the elastohydrodynamic lubrication. Pressure profile, film thickness profile and friction coefficient were calculated at various loads speed and surface material used. The results, show that the pressure increases significantly but the film thickness decreases due to the increase of viscosity at high load and high elastic modulus materials. The coefficient of friction increase with the increase of load and speed. At severe condition the film pressure will be increase to approach the Hertzian contact pressure. At constant loads and velocity, the film pressure increases gradually at lubricant inlet and reaches the maximum pressure to form pressure spike at minimum film thickness.

1.บทน้ำ

ในการหล่อลื่นอิลาสโตรไฮโดรไดนามิคส์จะใช้สมการเรย์โนด์ ประยุกต์, สมการความหนาฟิล์มที่พิจารณาการเปลี่ยนรูปของวัสดุ, สมการความสัมพันธ์ของค่าความหนึดกับความดัน และสมการบา ลานซ์ภาระในการแก้สมการ สมการเรย์โนด์ดังสมการที่ (1) เป็นสม การที่ใช้ในการอธิบายการเกิดความดันของของไหลในขณะที่ของ ไหลไหลเป็นแผ่นบางโดยที่ของไหลนี้มีพื้นที่หน้าตัดเล็กลงตามทิศ ทางการไหล ซึ่งลักษณะเช่นนี้จะทำให้เกิดความดันขึ้นในของไหล ใน กรณีนี้ได้ประยุกต์สมการเรย์โนด์กับสภาวะการหล่อลื่นแบบอิลาสโต ไฮโดรไดนามิคส์ของวัตถุทรงกระบอกสัมผัสเป็นเส้นตรง จะได้สม การเรย์โนด์ประยุกต์ดังนี้ [1]

$$\frac{\partial}{\partial x} \left(\frac{\rho h^3}{\eta} \frac{\partial p}{\partial x} \right) = 12\overline{u} \left(\frac{\partial(\rho h)}{\partial x} \right)$$
(1)

ทำการอินทิเกรทจะได้

$$\therefore \quad \frac{\partial p}{\partial x} = 12\overline{u} \eta \left(\frac{\rho h - \rho_m h_m}{\rho h^3} \right)$$
(2)

ทำสมการ (2) ให้เป็นตัวแปรแบบไร้หน่วย เมื่อ

$$p = p_H P_r \qquad \rho = \rho_0 \overline{\rho} \qquad \eta = \eta_0 \overline{\eta}$$
$$U = \frac{\eta_0 \overline{u}}{E'R} \qquad G = \xi E' \qquad W = \frac{w_z}{E'R}$$

$$\begin{aligned} x &= R_x \left(\frac{8W^{\prime}}{\pi}\right)^{1/2} X \qquad h = \frac{8R_x W^{\prime}}{\pi} H_r \\ p_H &= E^{\prime} \left(\frac{W^{\prime}}{2\pi}\right)^{1/2} \qquad \frac{1}{E^{\prime}} = \frac{1}{2} \left(\frac{1-v_a^2}{2} + \frac{1-v_b^2}{2}\right) \\ \mathfrak{selor annsisella of lsegnofield is a noise of the segnofield of the segnofield is the segnofield of the segnofield is the segnofield of the segnofield o$$

$$\therefore \left(\frac{dP_r}{dX_r}\right)_i = \overline{K} \eta_i \left(\frac{\rho_i H_{r,i} - \rho_m H_{r,m}}{\rho_i \overline{H}_{r,i}^3}\right), \overline{K} = \frac{3U\pi^2}{4(W')^2}$$
(3)

2. การประยุกต์วิธีเชิงตัวเลข

ในการแก้สมการ (3) เป็นการพิจารณาปัญหาแบบ 1 มิติ ซึ่งจะ แบ่งกริดของการสัมผัสออก 320 กริด เพื่อจะใช้วิธีไฟในต์ดิฟเฟอร์ เรนซ์ (Finite difference scheme) แบบ Forward approximation ในการแก้สมการ โดยจะกำหนดให้จุดเริ่มที่ $X_{min} = -4.5$ และจุด สุดท้ายที่ $X_{max} = 1.5$ เราสามารถเขียนรูปแบบของความดัน ที่จุด ด่อได้ดังนี้

$$\left(\frac{\partial P}{\partial X}\right)_{i} = \frac{P_{i+1} - P_{i}}{\Delta X}$$
(4)

ในสมการเรย์โนด์ประยุกต์เราสามารถเขียนให้อยู่ในรูปของสม การเชิงดัวเลขได้โดยในเอกสารนี้จะพิจารณาเลือกใช้วิธีไฟไนต์ดิฟ เฟอร์เรนซ์ เพื่อแก้สมการหาค่าการกระจายความดันของน้ำมันที่เกิด จากการสัมผัส ทำการจัดรูปสมการ (3) ใหม่ ดังนี้

$$\therefore \bar{f}_i = H_{r,i}^3 \left(P_{i+1} - P_i \right) - \bar{K} \Delta \eta_i \left(H_{r,i} - \frac{\rho_m H_m}{\rho_i} \right) = 0$$
(5)

สมการความหนาฟิล์มที่รวมผลจากการเปลี่ยนรูปแบบยึดหยุ่น ซึ่งเป็นฟังก์ชั่นของความดันดังนี้ [2]

$$H_{r,i} = H_{r,0} + \frac{X_i^2}{2} - \frac{\Delta X}{2\pi} \sum_{j=l}^N P_j \ln\left(\left|\frac{X_{i+l} + X_i}{2} - X_j\right| \left|\frac{X_{i-l} + X_i}{2} - X_j\right|\right)$$
(6)

สมการความหนืดที่มีผลเปลี่ยนแปลงตามความดัน ดังนี้

$$\overline{\eta}_{i} = exp\left\{\left[ln(\eta_{0}) + 9.67\left[-1 + \left(l + 5.1x \, 10^{-9} \, p_{H} P_{r,i}\right)^{\epsilon_{l}}\right]\right\}$$
(7)

สมการความหนาแน่นที่มีผลเปลี่ยนแปลงตามความดัน ดังนี้

$$\bar{\rho}_{i} = 1 + \frac{0.6 \, x \, 10^{-9} \, p_{H} P_{r,i}}{1 + 1.7 \, x \, 10^{-9} \, p_{H} P_{r,i}} \tag{8}$$

สมการแสดงการบาลานซ์ภาระ

$$\int_{X_{r,min}}^{X_{r,end}} P_r dX = \frac{\pi}{2}$$
(9)

จากสมการนิวตัน – ราฟสัน จะเห็นว่าแต่ละโนดที่พิจารณาจะมีรูป แบบดังนี้

$$\begin{bmatrix} \frac{\partial f_i}{\partial \rho_m H_m} \end{bmatrix}^o [\Delta(\rho_m H_m)]^o + \sum_{j=2}^N \left(\frac{\partial f_i}{\partial P_{r,i}} \right) (\Delta P_{r,j})^n + \\ \left(\frac{\partial f_i}{\partial H_{r,o}} \right) (\Delta H_{r,o})^n = -f_i^o$$
(10)

ค่าคงที่ในการบาลานซ์ภาระแบบไร้หน่วย จะหาได้ดังนี้

$$\sum_{X_{r,min}}^{X_{r,min}} (\Delta P_{r})^{n} dX = \frac{\pi}{2} - \sum_{X_{r,min}}^{X_{r,min}} (P_{r})^{0} dX_{r}$$

$$= \frac{\pi}{2} - \sum_{j=2}^{N} C_{j} (\Delta P_{r,j})^{n}$$
(11)

จากสมการ (5), (6), (7), (8) และ (9) ก็จะสามารถแก้สมการหาตัว แปรที่ไม่ทราบได้คือ

$$\rho_{\rm m} H_{\rm r,m}$$
 , $H_{\rm r,0}$, $P_{\rm r,i}$

นำตัวแปรต่างๆ มาแทนในสมการของเรย์โนด์และแก้สมการด้วยวิธี ของนิวตัน-ราฟสัน ดังนี้

$$(\rho_m H_{r,m})^n = (\rho_m H_{r,m})^0 + [\Delta(\rho_m H_{r,m})]^n$$

$$P_{r,j}^n = P_{r,j}^0 + (\Delta P_{r,j})^n$$

$$H_{r,0}^n = H_{r,0}^0 + (\Delta H_{r,0})^n$$
(12)

$$\begin{bmatrix} \frac{\partial f_1}{\partial \rho_m H_{r,m}} & \frac{\partial f_1}{\partial P_{r,2}} & \cdots & \frac{\partial f_1}{\partial P_{r,N}} & \frac{\partial f_1}{\partial H_{r,0}} \\ \frac{\partial f_2}{\partial \rho_m H_{r,m}} & \frac{\partial f_2}{\partial P_{r,2}} & \cdots & \frac{\partial f_2}{\partial P_{r,N}} & \frac{\partial f_2}{\partial P_{r,0}} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ \frac{\partial f_N}{\partial \rho_m H_{r,m}} & \frac{\partial f_N}{\partial P_{r,2}} & \cdots & \frac{\partial f_{N,2}}{\partial P_{N,2}} & \frac{\partial f_N}{\partial H_{r,0}} \\ 0 & C_1 & \cdots & C_N & 0 \end{bmatrix}^{n} \begin{bmatrix} \Delta \left(\rho_m H_{r,m} \right)^n \\ \Delta \left(P_{r,2} \right)^n \\ \Delta \left(P_{r,0} \right)^n \\ \Delta \left(P_{r,0} \right)^n \end{bmatrix}^{n} = \begin{bmatrix} -f_1 \\ -f_2 \\ \vdots \\ -f_N \\ \Delta W' \end{bmatrix}^{n}$$
(13)

เมื่อ

$$\frac{\partial f_i}{\partial H_0} = 3H_{r,i}^2 (P_{i+1} - P_i) - \Delta X \,\bar{K} \,\eta_i \tag{14}$$

$$\frac{\partial f_i}{\partial (\rho_m H_{r,m})} = \frac{\Delta X K}{\rho_i}$$
(15)

$$\frac{\partial f_i}{\partial P_j} = H_{r,i}^3 \left(\delta(i+1,j) - \delta(i,j) \right) + \left(P_{i+1} - P_i \right) \left(3H_{r,i}^2 \left(\frac{\partial H_{r,i}}{\partial P_i} \right) - \Delta X \bar{K} A \right)$$
(16)

เมื่อ

$$\begin{split} A &= \left[\eta_i \left(\frac{\partial H_{r,i}}{\partial P_j} \right) + H_{r,i} \left(\frac{\partial \eta_i}{\partial P_j} \right) \\ &- \eta_i \left[\frac{\rho_i \Delta \rho_m H_m - \rho_m H_m \frac{\partial \rho_i}{\partial P_j}}{\rho_i^2} \right] - \frac{\rho_m H_m}{\rho_i} \frac{\partial \eta_i}{\partial P_j} \right] \end{split}$$

โดยที่
$$\frac{\partial H_i}{\partial P_j}, \frac{\partial \eta_{ii}}{\partial P_j}, \frac{\partial \rho_i}{\partial P_j}$$
 จะหาได้ดังนี้
 $\frac{\partial H_{r,i}}{\partial P_j} = -\frac{\Delta X}{2\pi} ln \left\{ \left| \frac{X_{i+1} + X_i}{2} - X_j \right| \frac{X_{i-1} + X_i}{2} - X_j \right| \right\}$
(17)
 $\frac{\partial \eta_i}{\partial P_j} = exp \left\{ ln(\eta_o) + 9.67 \left[-1 + (l+5.1x10^{-9} p_H P_{r,i})^{Z_1} \right] \right\}$
 $\left[ln \eta_o + 9.67 \right] (Z_1) (l+5.1x10^{-9} p_H P_{r,i})^{Z_{1-1}} (5.1x10^{-9} p_H P_{r,i})^{Z_1}$ (18)

$$\frac{\partial \rho_i}{\partial P_j} = \frac{0.6 \, x \, 10^{-9} \, p_H \delta(i, j)}{\left(I + 1.7 \, x \, 10^{-9} \, p_H P_{r,i}\right)^2} \tag{19}$$

สมการแสดงการสมมุติความดันเริ่มต้นในการคำนวณ จะให้มีการ กระจายความดันแบบเฮิร์ท [4] ดังนี้

$$P_{r,i} = \sqrt{1 - X^2}$$
(20)
โดยมีเงื่อนไขขอบดังนี้

 $P = 0 \vec{n} X.$

$$P = 0, \frac{dP}{dX} = 0 \quad \dot{\tilde{n}} \quad X_{out}$$
(21)



รูปที่ 1 แสดงแรงเฉือนและภาระที่กระทำต่อวัสดุ

จากรูปที่ 1 จะเห็นว่าแรงเฉือนที่กระทำต่อทรงกระบอกและพื้นต่อ หน่วยความกว้างดังสมการ (22)

$$f_a^{\prime} = \int \left(\tau\right)_{z=0} dx = \int \left(\eta \frac{du}{dz}\right)_{z=0} dx \tag{22}$$

โดยที่

$$\eta \frac{du}{dz} = \frac{2z - h}{2} \frac{dp}{dx} - \frac{\eta (u_a - u_b)}{h}$$
(23)

ดังนั้น จากสมการ (22) จะได้ว่า

$$f_a^{\prime} = -\int \left[\frac{h}{2}\frac{dp}{dx} + \frac{\eta(u_a - u_a)}{h}\right] dx$$
(24)

และแรงในแนวเฉียงจะหาได้ดังนี้

$$w_{bx}^{\prime} = \int h \frac{dp}{dx} dx \tag{25}$$

ทำให้สมการ (25) เป็นแบบไร้มิติ จะได้

$$W_{bx}^{\prime} = \frac{W_{bx}^{\prime}}{ER_{x}}$$

$$= 2\left(\frac{2W}{\pi}\right)^{3/2} \int H_{r} \frac{dP_{r}}{dX_{r}} dX_{r}$$
(26)

ทำสมการ (24) ให้เป็นแบบไร้มิติจะได้

$$F_a^{\prime} = \frac{f_a^{\prime}}{ER_x} = -\frac{W_{bx}^{\prime}}{2} - \left(\frac{u_a - u_b}{u_a + u_b}\right) U\left(\frac{\pi}{2W}\right)^{1/2} \int \frac{\overline{\eta}}{H_r} dX_r \quad (27)$$

ดังนั้นค่าสัมประสิทธิ์ของทรงกระบอกจะหาได้ดังนี้

$$\mu = -\frac{F_a^{\prime}}{W} \tag{28}$$

3. วิเคราะห์ผลจากการจำลอง









กำหนดข้อมูลเริ่มต้น ค่าความเร็วเปลี่ยนแปลงและค่าภาระคงที่ (ศึกษาผลจากความเร็ว) $U = 10^{-10}$, 10^{-11} , 10^{-12} , 10^{-13} $W = 4 X 10^{-5}$ ค่าภาระเปลี่ยนแปลงและค่าความเร็วคงที่ (ศึกษาผลจากภาระ) $W = 10^{-6}$, 10^{-5} , $2X10^{-5}$, $4X10^{-5}$, $6 X10^{-5}$ $U = 1 X 10^{-11}$ ค่าความหนืดเปลี่ยนโดยค่าความเร็วและภาระคงที่ $z_1 = 0.4, 0.42, 0.44, 0.57, 0.71$ $U = 10^{-11}$, $W = 2x10^{-5}$ - ค่าวัสดุเปลี่ยนแปลง โดยค่าความเร็วและภาระคงที่ $E = 170x10^{11},200x10^{11},390x10^{11},450x10^{11}$ $U = 1x10^{-11}, W = 2x10^5$ - ค่าสัมประสิทธิ์แรงเสียดทาน โดยภาระและความเร็วเปลี่ยนแปลง $U = 10^{-11} . 10^{-12} . 10^{-13}$ $W = [2x10^{-5}, 8x10^{-5}]$ ค่าวัสดุของโลหะผสม $E = 2 X 10^{11} Pa$. ค่าความหนืดสัมบูรณ์ ของ C-ether $\eta_o=0.029$ ค่าดัชนีความดัน – ความหน็ด ของ C-ether $z_I = 0.57$

ค่าความผิดพลาด = 10^{-6}

ขอบเขตการคำนวณ $X_a = -4.5$, $X_b = 1.5$

จำนวนโนดที่ใช้ $N = 320 \therefore \Delta X = 0.01875$

จากการแก้สมการเรย์โนด์ประยุกต์ที่จำลองการสัมผัสของวัตถุ ทรงกระบอกสัมผัสเป็นเส้นตรง โดยมีการหล่อลื่นแบบอิลาสโตไฮโดร ไดนามิคส์ จากกราฟรูปที่ 4 ความดันที่เกิดขึ้นจะมีขนาดเพิ่มขึ้น เรื่อยๆ เมื่อเข้าใกล้จุดศูนย์กลางของการสัมผัสและจะลดลงเมื่อผ่าน จุดศูนย์ กลางของการสัมผัส แต่บริเวณใกล้ทางออกจะเกิดความดัน ้สูงอีกครั้งและลดลงอย่างรวดเร็ว (Pressure Spike) ซึ่งเป็นผลมา จากการเปลี่ยนรูปของทรงกระบอกและจากการเปลี่ยนความเร็วจะ เห็นว่าเมื่อขนาดของความเร็วลดลงจะทำให้ความดันมีค่าสูงขึ้นขณะ เดียวกัน ขนาดของความหนาฟิล์มก็จะลดลง และยอดแหลมของ ความดันที่เกิดขึ้นตอนทางออกก็ลดลงเช่นกัน และเมื่อทำการลด ขนาดความเร็วลงเรื่อยๆ จะทำให้ความหนาของฟิล์มบางมากและ ้ลักษณะการกระจายของความดันก็จะคล้ายกับลักษณะการสัมผัส แบบเฮิร์ท ดังรูปที่ 5 และจากรูปที่ 2 และ 3 จะเห็นว่าที่ภาระน้อยๆ จะมีการกระจายความดันที่ไม่สูงนักและไม่เกิดความดันขึ้นที่ทางออก ขณะเดียวกันความหนาของฟิล์มก็จะหนาคล้ายกับการหล่อลื่นแบบ ไฮโดรไดนามิคส์ เนื่องจากว่าไม่มีการเสียรูปของทรงกระบอกและ เมื่อทำการเปลี่ยนค่าภาระที่กระทำต่อทรงกระบอกให้สูงขึ้นก็จะมีผล ทำให้ลักษณะของการกระจายความดันมีค่าสูงขึ้นและความหนาของ ฟิล์มก็จะบางมาก ที่ค่าภาระ $W = 6 x 10^{-5}$ ลักษณะการกระจายของ ความดันที่ได้จะคล้ายกับของการสัมผัสแบบเฮิร์ท สำหรับค่าความ หนืดที่เพิ่มขึ้นจะมีผลทำให้ความดันลดลงแต่ความหนาฟิล์มจะมาก ขึ้น และค่าสัมประสิทธิ์แรงเสียดทานจะมีค่ามากขึ้นเมื่อความเร็วสูง ขึ้นและภาระมากขึ้น สำหรับรูปที่ 6 และ 7 เป็นผลที่เกิดจากการ เปลี่ยนแปลงของค่าความหนืด เมื่อความหนึดสูงขึ้นค่าความดันจะ ลดลงแต่ความหนาฟิล์มจะหนาขึ้น และรูปที่ 8 และ 9 เป็นผลที่เกิด จากการเปลี่ยนวัสดุที่มีค่าโมดูลัสของความยืดหยุ่นมากขึ้น ค่าความ ้ดันจะเพิ่มขึ้นและความหนาฟิล์มจะลดลง สำหรับรูปที่ 10 จะเห็นว่า ้ค่าสัมประสิทธิ์แรงเสียดทานสูงขึ้นตามค่าภาระและความเร็วที่เพิ่ม ขึ้นทั้งนี้เนื่องมาจากชั้นฟิล์มมากขึ้นจึงทำให้แรงเสียดทานมากขึ้น จากการเปรียบเทียบผลที่จำลองได้กับผลการจำลองของดอร์สัน[3] ก็ มีลักษณะพฤติกรรมที่คล้ายกัน

4. บทสรุป

ค่าภาระจะมีผลต่อขนาดของความดันและความหนาฟิล์มที่เกิด ขึ้น เมื่อค่าภาระมีค่าสูง ๆก็จะทำให้เกิดการเปลี่ยนรูปแบบยืดหยุ่น มากขึ้น และลักษณะการกระจายของความดันจะคล้ายกับของการ สัมผัสแบบเฮิร์ท

- ค่าความเร็วในการหมุนของทรงกระบอกก็จะมีผลต่อขนาด ของความดันและความหนาฟิล์มที่เกิดขึ้นเมื่อค่าความเร็วลด ลงก็จะทำให้ความหนาฟิล์มบางลงและความดันเพิ่มขึ้นและ ลักษณะการกระจายของความดันจะคล้ายกับของการสัมผัส แบบเอิร์ท
- ค่าความดันจะลดลงแต่ความหนาฟิล์มจะมากขึ้น เมื่อค่า ความหนืดและวัสดุเพิ่มขึ้น
- ค่าความดันจะลดลงแต่ความหนาฟิล์มจะมากขึ้นเมื่อค่าโมดู ลัสของวัสดุมากขึ้น

- ค่าสัมประสิทธิ์ของแรงเสียดทานจะมากขึ้นเมื่อความเร็วและ ภาระที่กระทำมีค่าสูงขึ้น
- ในการคำนวณทางเชิงตัวเลขจะลู่เข้าสู่คำตอบช้าหากขนาด ของภาระที่กระทำสูง,ค่าความเร็วต่ำ,ค่าความหนืดต่ำ และ ค่าโมดูลัสของความยึดหยุ่นต่ำ

5. สัญลักษณ์

- a ของแข็ง a (Plate)
- b ของแข็ง b (Roller)
- *C_j* ค่าแฟคเตอร์ถ่วงน้ำหนัก ในสมการ (11)
- E' ค่าโมดูลัสสัมบูรณ์ของวัสดุ , $Pa.(N/m^2)$
- E_a ค่าโมดูลัสของวัสดุ a, $Pa.(N/m^2)$
- E_b ค่าโมดูลัสของวัสดุ b, $Pa.(N/m^2)$
- F_a' แรงแบบไร้มิติที่กระทำกับของแข็ง a
- f'_a แรงที่กระทำกับของแข็ง a, N.
- G ตัวแปรไร้หน่วยของวัสดุ, $\xi E^{/}$
- H_{r,o} ค่าคงที่ของแบบไร้หน่วยสำหรับการสัมผัสแบบเส้น
- H_{r,i} ค่าความหนาฟิล์มแบบไร้มิติที่ตำแหน่ง i
- *h* ค่าความหนาฟิล์ม, *m*.
- \overline{K} ค่าคงที่ , $3\pi^2 U / 4 (W')^2$
- P_{r,i} ค่าความดันแบบไร้หน่วย
- P_H ค่าความดันสูงสุดของเฮอร์เซียน $Pa.(N/m^2)$
- p ค่าความดัน $Pa.(N/m^2)$
- R_x ค่ารัศมีที่สัมผัส ในทิศทางแกน x, m.
- U ค่าความเร็วของการสัมผัสแบบไร้หน่วย, $\eta_0 \bar{u}/(E^{/}R_x)$
- \overline{u} ค่าความเร็วเฉลี่ยในแนวแกน X, $(u_a + u_b)/2$, m/s.
- u_a ค่าความเร็วที่ผิวสัมผัส a, m/s.
- u_b ค่าความเร็วที่ผิวสัมผัส b, m/s.
- v อัตราส่วนของปัวซ์ซอง
- W' ค่าภาระที่กระทำแบบไร้หน่วย , $w_z / E' R_X$
- *W*_{bx} ค่าภาระที่กระทำต่อของแข็ง b แบบไร้หน่วย
- พ_z ค่าภาระที่กระทำในแนวตั้งฉากต่อหน่วยความกว้าง , N / m.
- X_{r,i} ค่าแนวแกน X แบบไร้หน่วยของการสัมผัสแบบเส้น
- $X_{r,min}$ ค่าแนวแกน X แบบไร้หน่วยของการสัมผัสแบบเส้นที่จุด เริ่มคำนวณกริด $X_{r,min}=-4.5$
- $X_{r,max}$ ค่าแนวแกน X แบบไร้หน่วยของการสัมผัสแบบเส้นที่จุด เริ่มคำนวณกริด $X_{r,max}=1.5$
- z ค่าแนวแกนความสูงจากผิวสัมผัส a ไปยังผิว b
- z₁ ค่าดัชนีของความหนืด ความดัน แบบไร้มิติ
- ξ ค่าสัมประสิทธิ์ของความหนืด ความดัน, m^2/N
- ho ค่าความหนาแน่น , $N \cdot s^2 / m^4$
- ρ_m ค่าความหนาแน่น เมื่อ dP/dX = 0, Ns^2/m^4
- H_m ค่าความหนาฟิล์มแบบไร้หน่วย สำหรับการสัมผัสแบบเส้น เมื่อ dP/dX = 0

- ho_0 ค่าความหนาแน่น เมื่อ P=0 , Ns^2/m^4
- $\overline{
 ho}$ ความหนาแน่นแบบไร้หน่วย $ho/
 ho_0$
- η_0 ค่าความหนืดสัมบูรณ์ ที่ P=0 และ ค่าอุณหภูมิคงที่ $Pa.s~(or~N.s/m^2)$
- η ค่าความหนืดสัมบูรณ์ , $Pa\cdot s$
- $\overline{\eta}$ ค่าความหนืดสัมบูรณ์แบบไร้มิติ $rac{\eta}{\eta_o}$
- ΔX ค่าช่วงความยาวที่แบ่งแนวแกน X
- μ ค่าสัมประสิทธิ์แรงเสียดทาน
- $\delta(i,j)$ ค่าคงที่จากการเปรียบเทียบแรงดัน

ถ้า $i = j, \delta = l$ และ $i \neq j, \delta = 0$

au ค่าความเค้นเฉือน , Pa.

เอกสารอ้างอิง (Reference)

- Bernard J. Hamrock, "Fundamentals of fluid film lubrication", 1994
- [2] H. Okamura, "A Contribution to the Numerical Analysis of Isothermal ElastohydrodynamicLubrication", Tribology of Reciprocating Engines. D.Dowson et al. (eds) Butterworths, Guilford, England, pp 313-320, 1982
- [3] Dawson, D., and Higison, G.R., Elastohydrodynamic Lubrication, "The Fundament of Roller and Gear Lubrication". Pergamon Oxfor, 1996
- [4] Bernard J. Hamrock and Jacobson, B.O. "Elastohydrodynamic Lubrication of Line Contacts". ASLE Trans., vol. 24, no.4, pp.275-287.1984